

## 379. 幾何雜話

松村宗治 (台北大)

(I) 日本數學輯報第四卷 = 於ケル *Siiss* 君, 記号ヲ用ヒ  
ルコト = シ 初等微分幾何 = 於テト相似 =

$$(1) \tan \phi = \frac{1}{3} \frac{d\rho}{dS}$$

= テ定メラル、 $\phi$  ヲ *R-deviation* ト稱シ相對的平面

曲線ヲトリマツカフコト=スル。コノ $\rho$ = $\rho$ ハ相對曲率半徑、 $S$ ハ相對弧デアル。(I)ヨリ次ノ關係ヲ得ベシ。

$$S = 3 \oint (\int \tan \phi \, ds) \, d\sigma,$$

$$2I(\varphi) = 3 \int (\int \tan \phi \, ds) \, r \, d\sigma,$$

$$\rho = 3 \int \tan \phi \, ds$$

亦 R.-Scheitel = 向ツテハ

$$\tan \phi = 0$$

デアル、ツマリ相對偏差ノ言葉ヲ公式カ書キ換ヘテレル。此ノ他尚コレヲ書キカヘラル $\rho$ モノガ相對幾何=アルデアロウ。

(II) 余ハ互=關係ヲ有スル表面ノ對=ツイテ考ヘ

$$(1) \quad \varphi_{uv} + \frac{\sigma}{\lambda} \varphi_u + \frac{1}{\lambda} \varphi_v = 0$$

ヲ満足スル表面ヲ考ヘタ、今媒介曲線ハ直角即チ $\varphi_u \varphi_v = 0$ ナリトス。

サテ $\varphi$ 表面ガ球ナル場合=ハ

$$(2) \quad \varphi^2 = 1, \quad \varphi \varphi_u, \quad \varphi \varphi_v = 0$$

トナル、尚 $\varphi$ ,  $\varphi$ 表面ハ共=  $\varphi =$  垂直デ且ツ $\varphi$ ,  $\varphi$ ハ互=垂直ナル $\epsilon$ ノトレ $\varphi$ 上ノ媒介曲線ハ垂直網ヲ形成スル $\epsilon$ ノトセバ

$$(3) \quad \frac{E(\varphi)}{A_1^2} = \frac{G(\varphi)}{B_1^2}, \quad F(\varphi) = 0$$

が成立スルコトが分ル、但シ  $E(\eta)$ ,  $F(\eta)$ ,  $G(\eta)$  ハ  $\eta$  表面ノ第一基本量デアレ。

記号並 = (3)ノ誘導 = ハ Grove, 論文 (Transactions of American Math. Journ. vol. 29, p. 60)ヲ参照シタ、ソソテ (2)ヲ用ヒタ。

同様 =  $\zeta$  表面 = ツイテハ

$$(4) \quad \frac{E(\zeta)}{A_2^2} = \frac{G(\zeta)}{B_2^2}, \quad F(\zeta) = 0$$

トナル、然ル = 日本数学輯報第四卷, p. 101 = 於ケル拙著論文 = ヨレバニツノ卵形面  $\eta$ ,  $\zeta$  = 於テ

$$(5) \quad E(\eta) = E(\zeta), \quad F(\eta) = F(\zeta), \quad G(\eta) = G(\zeta)$$

ナラバ移動ヲ除イテハ  $\eta$ ,  $\zeta$  ハ一意的 = 決定セラレ、但シ  $\pi$ ,  $\nu$  ノ同一ノ値ヲ有スル点 = 於ケル表面ノ法線ハ互 = 平行ナリトス。

(5)ヨリ次ノコトが分ル。

$\zeta$ ,  $\eta$  ハ共 = 卵形面デ  $u, v$  ノ同値ナル点 = 於ケル法線ハ互 = 平行ナリトセバ

$$A_1^2 : B_1^2 = A_2^2 : B_2^2$$

ナラバ移動ヲ除イテハ  $\eta$ ,  $\zeta$  ハ一意的 = 決定セラレ。

$$(III) \quad \begin{aligned} \varphi_{uv} + a\varphi_u + b\varphi_v &= 0, \\ \bar{\varphi}_{uv} + \bar{a}\bar{\varphi}_u + \bar{b}\bar{\varphi}_v &= 0 \end{aligned} \quad (1)$$

ヲ満足スルニツノ表面  $\varphi, \bar{\varphi}$  ヲ考ヘル、コノ = 前カラモ余が考ヘタ  $x, y =$

$$a = \frac{\sigma}{\lambda}, \quad b = \frac{1}{\lambda}, \quad \bar{a} = \frac{\bar{\sigma}}{\bar{\lambda}}, \quad \bar{b} = \frac{1}{\bar{\lambda}} \quad (2)$$

デアル、次 =

$$\bar{\varphi} = c\varphi + (1-c)\bar{\varphi} \quad (3)$$

ナル  $\bar{\varphi}$  表面ヲ考ヘル、但シ C 入 常数 デアル。

(3) ヨリ

$$\begin{aligned} \bar{\varphi}_u &= c\varphi_u + (1-c)\bar{\varphi}_u, \\ \bar{\varphi}_v &= c\varphi_v + (1-c)\bar{\varphi}_v, \\ \bar{\varphi}_{uv} &= c\varphi_{uv} + (1-c)\bar{\varphi}_{uv} \end{aligned} \quad (4)$$

デアルカラ

$$\bar{\varphi}_{uv} + \bar{a}\bar{\varphi}_u + \bar{b}\bar{\varphi}_v = 0 \quad (5)$$

カ イ ハル、コト =

$$\begin{aligned} \bar{a} &= ca + (1-c)\bar{a}, \\ \bar{b} &= cb + (1-c)\bar{b} \end{aligned} \quad (6)$$

デアル、 $\bar{\varphi}$  が first sheet of congruence ナル場合  
= second sheet 7  $\varphi$ , トセバ

$$\varphi_1 = \bar{\varphi} + \frac{1}{2\bar{b}}\bar{\varphi}_u \quad (7)$$

デアル、(7) ヨリ次ノ關係ヲ得。

$$\varphi_1^2 = \bar{\varphi}^2 + \frac{1}{4\bar{b}^2}\bar{\varphi}_u^2 + \frac{1}{\bar{b}}\bar{\varphi}\bar{\varphi}_u \quad (8)$$

今  $\bar{\varphi}^2 = 1$  ナラバ

$$\varphi_1^2 = 1 + \frac{1}{4\bar{b}^2}\bar{E} \quad (9)$$

亦  $\varphi_1^2 = \text{const.}$  ナラバ

$$1 + \frac{1}{4\bar{k}^2} \bar{E} = \text{const.} \quad (10)$$

ソレデ次ノ定理ヲ得ベシ。

$\bar{\varphi}$  が球デ  $\bar{\varphi}$ , mean points, locus が亦球  
ナラバ (10) が成立スル。

尚ホ亦斯ノ如ク考フルトキハ Stetson, 研究 (Annals  
of Math. 19, p. 106) ノ一ツノ一般化ヲ得ラルベク  $C=1$   
ノ場合ニハ Stetson, 研究ニナル。

Stetson ノ論文ノ  $\varphi$  ノ代リ  $\bar{\varphi}$  = ツイテ同様ニ考究  
スルトキハ同氏ノ論文ノ一ツノ一般化ヲ得ラル。