

388. *locally compact + topological group* , 連続表現 II

吉田耕作 (阪大)

先づ前論 383 = 於ケル推論, 不充分 + 所ヲ改メマス。

p. 6, 12 行目. 且 ∇ が云々ヲ

$$\text{且 } \nabla = \sum_{i=1}^k \alpha_i U_i \quad (\text{第七段} = \text{ヨリ } \mathcal{J} \text{ の Base } U_1, U_2,$$

$$\dots, U_k \text{ ヲモツ) トカクトキ } \sum_{i=1}^k |\alpha_i| \rightarrow 0 \text{ ナラバ } D(a)$$

$$= \exp\left(\sum_{i=1}^k \alpha_i U_i\right) \text{ ナル } a \text{ ハ } a \rightarrow e.$$

ト改メマス。其, 証明 = ハ

$$\sum_{i=1}^k |\alpha_i| = 1 \quad \text{トシテトキ } D(a(t)) = \exp t \left(\sum_{i=1}^k \alpha_i U_i \right)$$

ナル One-parameter continuous cyclic subgroup

$a(t)$ ヲ考ヘテトキ $\lim_{t \rightarrow 0} a(t) = e$ 且 $\nabla(e)$ open ナカ

ラ第一段, 論法 = ヨリ

$$a(t) \in \nabla(e), \quad -t_0 < t < t_0$$

$$a(t_0) \in \nabla(e), \quad a(t_0) \in \overline{\nabla(e)}$$

ナル $t_0 > 0$ が存在スル。 t_0 ハ $\alpha_1, \dots, \alpha_n = \text{depend}$

スルカラ $t_0(\alpha_1, \dots, \alpha_n)$ トカクト

$$\text{largest lower bound } t_0(\alpha_1, \dots, \alpha_n) = t_0 > 0$$

$$\sum_{i=1}^k |\alpha_i| = 1$$

デアール。何者, 若シ然ラズトスレバ

$$\lim_{l \rightarrow \infty} t_0(\alpha_1^{(l)}, \alpha_2^{(l)}, \dots, \alpha_k^{(l)}) = 0, \quad \lim_{l \rightarrow \infty} \alpha_i^{(l)} = \alpha_i,$$

$$\sum |\alpha_i| = 1$$

ナル如キ $(\alpha_1^{(l)}, \dots, \alpha_k^{(l)})$ アリ。且ツ明 =

$$\lim_{l \rightarrow \infty} \exp \left\{ t_0 (\alpha_1^{(l)}, \dots, \alpha_k^{(l)}) \sum_{i=1}^k \alpha_i^{(l)} U_i \right\} = E$$

所ガ $\exp \left\{ t_0 (\alpha_1^{(l)}, \dots, \alpha_k^{(l)}) \sum_{i=1}^k \alpha_i^{(l)} U_i \right\} =$ 對應スル \bar{O}

ノ element ハ $e \rightarrow$ 其ノ集積点 = シナイ ($\bar{\nabla}(e) =$ 属シ $\nabla(e)$
= 属サヌ)。依ツテ不合理デアアル。斯クテ $\sum_{i=1}^k |\alpha_i| \leq t$ トス

レバ $\exp \left(\sum_{i=1}^k \alpha_i U_i \right)$ Urbild a ハ compact + $\bar{\nabla}(e)$
= 属スルカラ $\sum_{i=1}^k |\alpha_i| \rightarrow 0$ ノトキ $a \rightarrow e$ ナルコトガ云ヘ
ル。

p. 6, 19 行目。 $|U| \leq \alpha < 1$ ヲ

$$U = \sum_{i=1}^k \alpha_i U_i, \quad \sum_{i=1}^k |\alpha_i| \leq t,$$

ト改メル。

前論 = ハ表現 O_f = 次元假定ガアリマシタ。コノ假定ハ
 \bar{O}_f ガ Lie 群或ハ O_f ガ matrix 表現デアルトナハ、ハ不
要デアス。

南雲氏ガ第一号 = 於イテ多クノ函数方程式ハ適當 =
変数ヲ変換スルコト = ヨリ連続群ノ組合セノ法則ヲ示ス式 =
reduce サレルコトヲ示サレタ。

上ノ表現ノ理論ハコノ南雲氏ノ卓見 = ヨル函数方
程式ノ取扱ヒ方 = 於イテ一ツノ道具トナラナイデセウカ。