

# 689. 円, 球ノ幾何ニツイテ

松村 宗 岩 (台北大)

$$(I) \quad \vec{\omega} = \cos \omega d \cdot \omega \xi + \sin \omega d \cdot \omega \xi'$$

= 於ケル  $\omega \xi$  ハ  $R_N$  内ノ球ヲ表ハス、但シコノ場合  $\omega \xi'$  ハ  $R_N$  内ノ球ナラズ。従ツテ

$$f = \sum_1^{N-1} \left\{ \text{const.} \cos \omega d \cdot \omega \xi + \text{const.} \sin \omega d \cdot \omega \xi' \right\}$$

ナル  $f$  ハ  $(N-1)$  個ノ球  $\omega \xi$ , ( $i=1, 2, \dots, N-1$ ) ノニ交点ヲ通ル球ヲ表シテオルコトニナル。

以上ノコトヲバ  $R_\infty$  内ノ球ニツイテニ考ヘラレル、ツマリ Fourier 級数ヲ吾々ノ幾何ニテ考ヘウルヲケデアル。

(II) 今吾々ハ円系表面  $(K)$  ヲ考ヘル。

其ノ上ノ極小曲線ハ例ノ如ク

$$(1) \quad (\theta_t \theta_t) dt^2 + 2(\theta_t \theta_c) dt d\tau + d\tau^2 = 0$$

ヲ表ハサレ。

コトニ  $(\theta_c \theta_c) = 1$  ナラシム。

今 (K) 上、任意ノ点  $(t, \tau) =$  於ケル曲線 (1) へノ  
 切線  $j_1$  及ビ  $j_2$  ヲ引キ、ソレガ媒介曲線  $(\tau), (t)$  へノ  
 ツ、切線  $k_c, k_t$  ト Doppelverhältnisse  $(j_1, j_2, k_c, k_t)$   
 及ビ  $(j_2, j_1, k_c, k_t)$  ヲ作ル。

而シテ此ニツノ Doppelverhältnisse ハ

$$(2) \quad (\theta_t \theta_c) \Delta^2 - 2 \{ 2(\theta_t \theta_c)^2 - (\theta_t \theta_t) \} \Delta + (\theta_t \theta_t) = 0$$

ノ根  $\Delta = +\sqrt{\quad}$ 。一ツノ Doppelverhältnis... 他ノ  $\in$   
 ノ逆値ニツテイル。

(2) ヲリ

$$(3) \quad \Delta = \frac{2(\theta_t \theta_c)^2 - (\theta_t \theta_t)}{(\theta_t \theta_t)} \pm \frac{2(\theta_t \theta_c)}{(\theta_t \theta_t)} \sqrt{(\theta_t \theta_c)^2 - (\theta_t \theta_t)}$$

トナル。

ソコヲ

$$(\theta_t \theta_c) = (\theta_t \theta_t)$$

トラバ

$$(4) \quad \Delta = (\theta_t \theta_c)^2 : (\theta_t \theta_t)$$

トナル。亦

$$(5) \quad (\theta_t \theta_c) = 0$$

トラバ

$$(6) \quad \Delta = -1$$

トナル。

尚

$$-(\theta_t \theta_t) = (\theta_t \theta_c)^2$$

ガ (4) = テ 成立ラバ

$$(7) \quad \Delta = -1$$

トナル。

(6) 或ハ (7) ヨリ  $K_c$  及  $K_t$  ハ  $f_1$  及  $f_2$  ノ調和 = 分ツコトガナル。

サテ

$$(8) \quad (\theta_t \theta_c) = 1$$

ヲ考ヘル。

(8) ガ (3) = テ 成立セバ

$$(9) \quad \Delta = 2(\theta_t \theta_c)^2 - 1 \pm 2(\theta_t \theta_c) \sqrt{(\theta_t \theta_c)^2 - 1}$$

トナル。

尚、亦  $(K)$  上ノ スヰテノ 点 = テ

$$(\theta_t \theta_c) = (\theta_c \theta_t)^2$$

ガ 成立セバ、 $(K)$  ハ *Minimalcurven* / *Tangentenflächen* ナル。

コノ = *G. Scheffers: Theorie der Flächen*, S. 31, 51 ト 拙著論文 (台北大学、理農學部紀要第二卷, p. 36) ヲ 参照シタ。

(III) 半径  $r$  ナ 中心ガ 原点ト一致セル 球ノ 式ヲ 考ヘ、 $x, y, z$  ヲ 直角座標トシ

$$(1) \quad \begin{cases} x = r \cos t \cos \tau, \\ y = r \cos t \sin \tau, \\ z = r \sin t \end{cases}$$

ヲ 考ヘルト 其ノ 表面上ノ 線素ヲ  $dS$  トセバ

$$(2) \quad dS^2 = \left(1 + \frac{\tau^2}{r^2}\right) dt^2 + 2 dt d\tau + d\tau^2$$

デアアルコト人ノヨク知ル所デアアル。

ソコヲ此ノ球面ヲバ吾人ノ用ル表面トスレバ吾人ノ基本量

$$(\theta_t \theta_t), (\theta_t \theta_c), (\theta_c \theta_c)$$

ハソレゾレ次ノ様ニナルコトガ分ル。

$$(3) \begin{cases} (\theta_t \theta_t) = 1 + \frac{r^2}{p^2}, \\ (\theta_t \theta_c) = 1, \\ (\theta_c \theta_c) = 1 \end{cases}$$

(3)ハイツモ用アル吾人ノ基本量ニ對スルーツノ用ヲアゲタノデアアル。

ツマリ吾人ノ基本量が存在スルコトガ分ル。