

756. 楢田函数論 (Klasse, 方法)

河田 敬 義 (京大)

(I) H. Klasse, "Zur Theorie der abstrakten elliptischen Funktionenkörper, I, II, III", *Crelle*, 175, 1936. / II, 初メノ部分ニ、楢田函数体ノ Automorphismus ヲ論ジ、ソレカラ Additions theorem ニ及ンデキマス。然レ此処デハ専ラ代数的ナ方法ヲ取扱ツテキルノデ、積ムノ逆函数トシテノ楢田函数ニハ全然手ヲ融レテキマセン。ソレ故 Additionstheorem トイツテモ直接普通ノ楢田函数論ノソレト同一内容ナルコトヲ示シテキマセン。ソレデ之レカラ Klasse, 代数的理論ヲ骨組トシテ、ソノ解析的補ヒヲ附加シテ、一ツ, Abelノ定理及ビ加法定理ニ到ル從來トハ多少異ツタ楢田函数論ヲ紹介シタイト思ヒマス。ソノ際出末ルダケ代数的及ビ幾何的方法ヲ取り度イト思ヒマス。

基礎ニナルノハ Riemann-Rochノ定理:

$\text{Dim}(L) = \text{Grad}(L) - g + 1 + \text{Dim}\left(\frac{L^*}{L}\right)$. デス。コレ
 ハ古リカラ純代数的ニ証明サレテキマスガ、ソレガ函数論ニ
 オケル定理ト一致スルコトヲ確認スルノガ、代数函数体 K ニ
 オケル Bewertung ヲ定義サレタ Primdivisor \mathfrak{p} ト K 屬
 スル Riemann 面 \mathcal{R}_K 上ノ一点 \bar{p} トノ一對一ノ對應スル
 トイフ事實デス。即チ $\bar{p} = \text{O}$ イテ Pol ヲモクヌ K ノ元全体ノ
 ナス Ring ガ \mathfrak{p} 屬スル Maximalordnung $\mathcal{O}_{\bar{p}}$ ナツ
 ヲキルトイフコトデス。

以後 K ヲ楕円函数体即チ Geschlecht 1 トシマス。
 K ノ Automorphismus σ トハ K ノ元 $\alpha = \text{一}$ 意ニヌ K ノ
 元 α^σ ガ對應シテ四則算法ガ保持サレ、特ニ $C^\sigma = C$, ($C = \text{konst}$)
 ナルモノノミヲ考ヘルコトニシマス。ソノ時 $\mathcal{O}_{\bar{p}}^\sigma$ ヲ考ヘルコ
 トニヨツテ $\mathfrak{p} \rightarrow \mathfrak{p}^\sigma$ ナル \mathcal{R}_K 上ノ一對一ノ交換ヲ生ジマス
 ガ、ソノ時 $\alpha(\mathfrak{p}) = \alpha^\sigma(\mathfrak{p}^\sigma)$ トイフコトカラ \mathcal{R}_K ノ自分自
 身ヘノ homöomorph ナ對應トナルコトガワカリマス。(実
 ハヨク知ラレテキル様ニ konform ナリマスガ、ソレハ
 以下デ不用デス。) ($\alpha(\mathfrak{p})$ ハ \mathfrak{p} 於ケル α ノ値)

(II) K ノ Automorphismus.

Riemann-Roch ノ定理カラ Primdivisor $\mathfrak{O}, \mathfrak{p}_1, \mathfrak{p}_2, \mathfrak{p}_3$
 ノウチヨケヲ與ヘレバ

$$(1) \quad \frac{\mathfrak{p}_2 \mathfrak{p}_3}{\mathfrak{O} \mathfrak{p}_1} \sim \alpha, \quad \alpha \in K$$

トナル様ニ他ノ一ツハ一意ニ確定シマス。以下 θ ヲ或ル一ツ
 ノ固定シタ Primdivisor トシテ (1) ノコトヲ

$$(2) \quad f_1 = f_2 + f_3$$

ト書クコト = シマス。又ハ f_1, f_3 ヲ與ヘレバ f_2 ガキマルノ
デスカラ $f_2 = f_1 - f_3$ ト書クコト = シマス。

此ノ様ニシテ *Primdivisor* ノ間ニ和、差ヲ定義スル
ト、全体 \mathcal{O} ヲ *Nullelement* トスル *Modul* = ナルコト
ガワカリマス。例ヘバ \mathcal{O} ガ *Null* = ナルコトハ $\frac{\mathcal{O}f}{\mathcal{O}f} \sim \alpha \in K$
カラ $\alpha = \text{const.}$ トナリ $f = \mathcal{O}$ 。即チ $\mathcal{O} + f = f$ 、又 $f_1 + (f_2$
 $+ f_3) = (f_1 + f_2) + f_3$ ハ両辺共 $= \frac{f_1 f_2 f_3}{\mathcal{O}^2 f_1} \sim \alpha \in K$ ナルルニ等
シクナルトイフコト = 導キハ分リマス。

今 \mathcal{O} 、 $\alpha = \mathcal{O}$ ヲ勝手ニ與ヘルト *Riemann-Roch* カラ
 $(\mathcal{O}\alpha)^{-1}$ 、*konst.* ナイ *Multiplum* α ガアリマス。
ソレヲ $K/\mathcal{O}(\alpha)$ ヲ考ヘレバ α ノ取り方カラ二次ノ拡大ト
ナリマス。

故ニソノ *Automorphismus* $\sigma_{\mathcal{O}, \alpha}$ トスレト

$$(3) \quad f^{\sigma_{\mathcal{O}, \alpha}} = -f + \alpha \quad (\text{Spiegelung})$$

トナリマス。ソレハ、 f ヲ勝手ニ與ヘル時 $\alpha - \alpha(f) \sim \frac{f\alpha}{\mathcal{O}\alpha}$ カ
ラ $f^{\sigma} = \mathcal{O} = \alpha - f$ ガ出マス。コノ時 $\sigma_{\mathcal{O}, \alpha}$ ガ \mathcal{O}, α 大ニキ
マルコトハ α ノ一般ノ形ハ $a\alpha + b$ 、(a, b 、*konst.*) ナ
ルコトカラ $\mathcal{O}(\alpha)$ ガキチント定マルコトカラ分リマス。

次ニ (*Translation*) $\tau_{\mathcal{O}, \alpha} = \sigma_{\mathcal{O}, \mathcal{O}} \cdot \sigma_{\mathcal{O}, \alpha}$ ト
置キマスト

$$(4) \quad f^{\tau_{\mathcal{O}, \alpha}} = (f^{\sigma_{\mathcal{O}, \mathcal{O}}})^{\sigma_{\mathcal{O}, \alpha}} = (-f)^{\sigma_{\mathcal{O}, \alpha}} = f + \alpha$$

トナリマス。之カラ又

$$(5) \tau_{0, \alpha} \circ \tau_{0, b} = \tau_{0, \alpha+b}$$

がわかります。ソレハ直チ $f^{\tau_{0, \alpha} \circ \tau_{0, b}} = f^{\tau_{0, \alpha+b}} = f^{\tau_{0, \alpha+b}}$

が出ますカラ、之レカラ (5) より $\Gamma = \text{Aut } K$ の Automorphism の $f \rightarrow f^\sigma$ とル對應が一対一ニ定マレコトヲ云ハネバ
ナリマセン。即チ $f^\sigma = f$ ナラバ σ ハ *identisch* ナ Auto. ナ
ルコトヲイハベヨロシイ。

先ツ $f^\sigma = f$ ナラバ $C_{\mathbb{Z}}^\sigma = C_{\mathbb{Z}}$ ナリマセン。次ニ $\mathbb{Z}_1, \mathbb{Z}_2$ ナ
一次独立トスレバ $C_{\mathbb{Z}_1 + \mathbb{Z}_2}(\mathbb{Z}_1 + \mathbb{Z}_2) = C_{\mathbb{Z}_1} \cdot \mathbb{Z}_1 + C_{\mathbb{Z}_2} \cdot \mathbb{Z}_2$ カラ
 $C_{\mathbb{Z}_1} = C_{\mathbb{Z}_1 + \mathbb{Z}_2} = C_{\mathbb{Z}_2}$ ナリ ($a\mathbb{Z}$) ^{σ} = $a\mathbb{Z}^\sigma = a \cdot C_{\mathbb{Z}}$ ナ
一方 $= C_{a\mathbb{Z}}(a\mathbb{Z})$ カラ $C_{a\mathbb{Z}} = C_{\mathbb{Z}}$ ナリ。特ニ $\mathbb{Z} = \text{const}$ ナ時
 $C_{\mathbb{Z}} = 1$ ナラズバテ $C_{\mathbb{Z}} = 1$ ナリ $\mathbb{Z}^\sigma = \mathbb{Z}$ ナルコトガ分リ
マス。ソレヲ (5) ガ確立レマシタ。

Translation, Spiegelung ナイフ言葉ガ \mathbb{R}_K の Torus
ナノ変換ノ様ヲ示レテキルトイフコトノ大体ノ様子ハ實際ニ
ニ枚ノ数球面ヲ Torus = カヘル *homotop* ナ変換 (例ハバ
竹内先生ノ函数論ニアル) ナ、 $f \rightarrow f^\sigma$ ナ跡ツケテ見レバ直
チニワカル事ナス。

次ニ α differential ナノ關係ヲシラベマス。今 $K/\mathbb{C}(z)$
ガ二次ノ拡大ニナル様ニシテ $K = \mathbb{C}(z, w')$,
 $w'^2 + 2f(z) \cdot w' + g(z) = 0$. ($f(z), g(z)$ ハ Polynom)
ニ w' ナトリマス。又 $w = w' + f(z)$ トスレバ $w^2 \in \mathbb{C}(z)$
ニ同数余解ナリ

$$w^2 = (z - \alpha)(z - \beta)(z - \gamma)$$

$$\text{又ハ } w^2 = (z - \alpha)(z - \beta)(z - \gamma)(z - \delta)$$

トトリマス。最初、場合、 V erzweigungsdivisor δ
 $\delta = a \cdot b \cdot c \cdot p_\infty \cdot (\dots = \alpha - \alpha \sim \frac{a^2}{p_\infty^2} \text{ etc.})$

\therefore Canonicische Klasse, 代表トシテ $\frac{\delta}{\omega^2} = \frac{a \cdot b \cdot c}{p_\infty^3}$.

$\therefore \frac{dx}{w} \sim 1$ トトリ。 $du = \frac{dx}{w}$ が K 1 只一, ganz + Differential トトル。後、場合も同様。

之レカラ (6) $(du)^{\tau_{0,\alpha}} = du$ が証明サレル。 $\forall \nu =$
 $\delta \tau_{0,\alpha}$, 定義カラ α 7 勝手 = トル時 $(du)^{\sigma_{0,\alpha}} = -du$
 ヲイヘバヨイ。 $\forall \nu \in \mathbb{Z}$ 7 $(\theta\alpha)^{-1}$, Multipulum = トルバ

$$(du)^{\sigma_{0,\alpha}} = \frac{(dx)^{\sigma_{0,\alpha}}}{w^{\sigma_{0,\alpha}}} = \frac{dx}{-w} = -du.$$

(III) Riemann 面 \mathcal{R}_K , Topologie.

(II) = 於テ $\mathcal{P} + \alpha$, $\mathcal{P} - \alpha$ 等ヲ定義シタカラ \mathcal{R}_K へ
 Modul ト考ヘラレルガ、 \forall 時 \mathcal{R}_K が topologische
 Gruppe トトルコトヲ先ガ証明スル。即 \mathcal{R}_K 上ヲ $\mathcal{P}_n \rightarrow \mathcal{P}$,
 $\alpha_n \rightarrow \alpha$ トル時ハ

$$\left. \begin{array}{l} (7) \quad -\mathcal{P}_n \rightarrow -\mathcal{P}. \\ (8) \quad \mathcal{P}_n + \alpha_n \rightarrow \mathcal{P} + \alpha \end{array} \right\} \text{トトル。}$$

(7) ハ $-\mathcal{P}_n = \mathcal{P}_n^{\sigma_{0,\alpha}}$ カラ $\sigma_{0,\alpha}$ が topologisch トルコト
 , 直接、結果ナス。 (8) ハ $\mathcal{P}_n + \alpha_n + \mu_n = \mathcal{O} = \mathcal{P}_n^{\tau_n}$ 7 4 x ル
 時 $\mathcal{P}_n \rightarrow \mathcal{P} = -\mathcal{P} - \alpha$ ヲイヘバ (7) ト組合セレバヨコシイ。
 先ガ $\mathcal{Z}_n \sim \frac{\mathcal{P}_n \alpha_n \mu_n}{\theta^3}$, $\mathcal{Z}_n(\alpha) = 1$ トル \mathcal{Z}_n が \mathcal{P} 1 1 マス。
 $\alpha = \alpha \neq \mu =$ トリマス。今 $x \sim \frac{\alpha \mathcal{P} b}{\theta^3}$, $y \sim \frac{\alpha \alpha c}{\theta^3}$ 且ツ
 $x(\alpha) = y(\mathcal{P}) = -1 = x, y$ 7 \in トル。 $b \neq \alpha$, $c \neq \mathcal{P}$ ト

+iv. Riemann-Roch カラ $Z_n = a_n + b_n x + c_n y$, (a_n, b_n, c_n : konst) トカ +iv. 故 =

$$\begin{cases} Z_n(\alpha) = 1 = a_n, \\ Z_n(\beta) = 0 = a_n + b_n x(\beta) + c_n y(\beta) \\ Z_n(\gamma) = 0 = a_n + b_n x(\gamma) + c_n y(\gamma), \end{cases}$$

之レヲ解イテミレバ $a_n = 1 \rightarrow 1, b_n \rightarrow 1, c_n \rightarrow 1$ +iv
コトガナル。

$\therefore Z = 1 + x + y$ トオケル $Z_n \rightarrow Z, Z \sim \frac{Z^2}{\theta^3}$ ト
ル。

\mathcal{R}_K へ compact テスカラ $\{M_n\}$ カラ convergent
+ Teilfolge ヲトリ、ソノ某積点ヲ M' トスル時 $M' = M'$
ヲイハバ目的ヲ達シタワケデス。ソレハ

$$\begin{aligned} Z(M') &= \lim_{n \rightarrow \infty} a_n + b_n x(M') + c_n y(M') \\ &= \lim (a_n + b_n x(M_n) + c_n y(M_n)) \\ &\quad + b_n (x(M') - x(M_n)) + c_n (y(M') - y(M_n)) \\ &= 0 \end{aligned}$$

$\therefore M' \neq \beta, \alpha$ ヲイハバ $\exists \epsilon, M' = \beta + \epsilon$ +iv 時ハ $M_n \rightarrow \beta,$
 $\beta_n \rightarrow \beta, Z_n(\beta_n) = Z_n(M_n) = 0$ トラ Z ハ β テニ次ノ 0 ヲ
モタケレバ +iv +v +vi テ矛盾トナル。 $\beta = \alpha$ 時モ同様

$\therefore M' = M$ トナル。 Q. E. D.

$\therefore \mathcal{R}_K$ +iv Modul へ 1). topologisch 0). \mathcal{R}_K
ノ任意ノ一点ノ近傍ハ円ノ内部ト homöomorph. へ) \mathcal{R}_K
ハ compact テ zusammenhängend. +iv コトカラ
Topologieノ定理カラ (例へバ Kérékjártó:) Lamb.

Abb. 8) \mathbb{R}_K の Euclid 平面 = オケル Vektor 加法
 を x, y 両成分を $\text{mod. } 1$ を考へ \times Modul (即 Torus /
 Translations modul) に homöomorph とす。』
 即ち \mathcal{R}_K = 通常 x, y 平行座標ヲ入レルト $\mathcal{P}_2 \leftrightarrow (x_i, y_i)$
 ト對應スル時 $\mathcal{P}_1 + \mathcal{P}_2 = \mathcal{P}_3 \leftrightarrow x_1 + x_2 \equiv x_3 \pmod{1}$ 。
 $y_1 + y_2 \equiv y_3 \pmod{1}$ とす。之レカヲ $\mathcal{P}_1 + \mathcal{P}_2$ トナリ用ヒ
 ルコト, $\mathcal{P}^{\tau_{\alpha, \beta}} = \mathcal{P} + \alpha$ ナリ Translation トイフコトノ合
 法性ガワカル。

(IV) Abel, 定理

K , ganz + Differential du ヲトリ, \mathcal{R}_K ナ
 canonisch = 切断シテ (\mathcal{R}'_K トスル) (例へバ (III) ナ定メ
 タ座標軸 = ヨツテ) 単一連結トスレバ Cauchy, 定理カ
 ラ、其ノ上ノ道ガ、 $\int_{\alpha}^{\beta} du$ ト書イテ一意的 = 意味ヲモツ。

一般ニ α, β ナ結ガ道ヲ $W(\alpha, \beta)$ トカキ, 又 $\tau_{\alpha, \beta}$ ナ
 ル Translation ナ生ズル道ヲ $W^{\tau}(\alpha^{\tau}, \beta^{\tau}) = W^{\tau}(\alpha + \tau, \beta + \tau)$
 トカクト、次ノ基本式ガ成立スル。

$$[A] \quad \boxed{\int_{W(\alpha, \beta)} du = \int_{W^{\tau}(\alpha^{\tau}, \beta^{\tau})} du}$$

又、 W, W^{τ} 共ニ \mathcal{R}'_K ナ単一連結ノ領域ニアルレバ、コレハ

$$\int_{\alpha}^{\beta} du = \int_{\alpha + \tau}^{\beta + \tau} du \text{ トカケル。}$$

[A], 証明ハ簡單. (II), (6) 式カヲ $\int_W du = \left(\int_W du \right)^{\tau} = \int_{W^{\tau}} (du)^{\tau}$

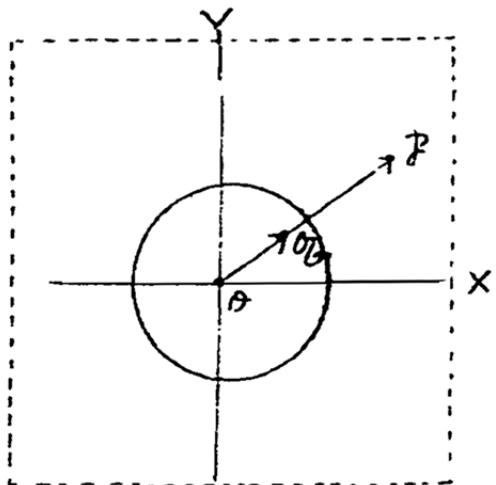
$$= \int_{W^\tau} du.$$

次 = \mathcal{R}'_K 内ヲ

$$[B] \quad \boxed{\int_{\sigma}^{\beta} du = 0 \rightarrow \beta = \sigma}$$

又ハ一般 = $\int_w du = 0$ 十ヲ $W = W(\theta, \vartheta)$ ト十リ、コノ
Zyklus ハ homotop $\theta = +\nu$ 。

証明ハ (III) ノ結果ヲ用ヒル。(III) = ヨリ 平行座標ヲ \mathcal{R}'_K
= 入レバ、 θ, β ノ結ガ線ホ上 = $\frac{1}{n}$ = 息 ϑ_n ヲトレバ $n\vartheta_n = \beta$ 。



又ハ $\vartheta_n = \frac{1}{n} \beta$ ト十リ、 $\tau = \tau_{\theta, \vartheta_n}$
 $W(\theta, \vartheta_n) = \theta, \frac{1}{n} \beta$ トスレバ

$$W^{\tau} = \frac{r}{n} \beta, \frac{r+1}{n} \beta \text{ ト十リ。}$$

$\therefore [A]$ カヲ $\beta \neq \theta$ トスレバ

$$n \int_{\theta}^{\vartheta_n} du = \sum_{r=0}^{n-1} \left(\int_{\theta}^{\vartheta_n} du \right)^{\tau}$$

$$= \int_{\theta}^{\vartheta_n} + \int_{\vartheta_n}^{2\vartheta_n} + \dots + \int_{(n-1)\vartheta_n}^{\beta} = \int_{\theta}^{\beta} du.$$

$$\therefore \int_{\theta}^{\beta} du = 0 \text{ カヲ } \int_{\theta}^{\vartheta_n} du = 0 \text{ ト十リ、} \therefore \int_{\theta}^{\vartheta} du \text{ 十リ}$$

regular + 函数ガ $\theta = \text{konverg.}$ スル ϑ_n ヲ 0 ト十リカ
ラ矛盾スル。 $\therefore \beta = \theta$ 。 此カ $\mathcal{R}'_K = \lambda$ ヲ又時ニ同様。

Q. E. D.

[B] カヲ 又 $\int_{c_1} du = w_1, \int_{c_2} du = w_2$ (コノ c_1, c_2 ハ \mathcal{R}'_K)

X軸, Y軸 = 沿フ Zyklus) トスレバ $\omega_1 \neq 0, \omega_2 \neq 0$ ナ。
 ω_1, ω_2 ガ 同 - ω_0 ナ

$$\omega_1 = n_1 \omega_0, \omega_2 = n_2 \omega_0, \quad (n_1, n_2 \text{ハ 整数})$$

トナラナイコトガ分ツタ。

『Abelノ定理』 $K \ni z \sim \frac{p_1 \cdots p_r}{q_1 \cdots q_r}$ ナルズノ存在スルズ

ノ 必要充分条件ハ

$$\int_{p_1}^{q_1} du + \cdots + \int_{p_r}^{q_r} du = n_1 \omega_1 + n_2 \omega_2 \quad (n_1, n_2 \text{ハ 整数})$$

トナルコトナラバ。

(証明) 充分 [A] ナ用フレバ

$$\begin{aligned} \int_{p_1}^{q_1} + \cdots + \int_{p_r}^{q_r} &= \int_{\theta}^{p_1 + \cdots + p_r - q_1 - \cdots - q_r} + m_1 \int_{C_1} + m_2 \int_{C_2} \\ &= n_1 \omega_1 + n_2 \omega_2. \end{aligned}$$

\therefore [B] ノ論法カラ $m_1 = n_1, m_2 = n_2, p_1 + \cdots + p_r - q_1 - \cdots - q_r = \theta$

Def. カラ $z \sim \frac{p_1 \cdots p_r}{q_1 \cdots q_r}$ ナルズガナル。必要ナルコトモ同様。

Q. E. D.

(V) 楕円函数。(加法定理)

\mathcal{R}_K ナ $C_1, C_2 =$ 沿ッテ切断シテ \mathcal{R}'_K トナシ。

$$(7) \int_{\theta}^z du = w(z)$$

トオケバ (B) カラ 逆ニハ w ノ 値デ一意ニ定マレル。 $\therefore z \in K$

ヲトル時

$$z(p) = z(w)$$

ト w , 函数ト見ル時 z ヲ w , 楕円函数ト云フ。

『加法定理』 楕円函数ハ代数的加法公式ヲ有スル。即チ有理整式 R ヲツテ

$$R(z(w_1), z(w_2), z(w_1 + w_2)) = 0.$$

(証明). (7) = \exists リ $w_1 = w(p_1)$, $w_2 = w(p_2)$,

$w_1 + w_2 = w(-p_3)$ トオケバ,

$$0 = w_1 + w_2 - (w_1 + w_2) = \int_0^{p_1} + \int_0^{p_2} - \int_0^{-p_3} = \int_0^{p_1 + p_2 + p_3} \quad (\because (A) \text{カ})$$

$$\therefore (B) \exists \text{リ } p_1 + p_2 + p_3 = 0. \text{ 或ハ } K \exists u \sim \frac{p_1 p_2 p_3}{\theta^3} + u$$

u が存在スル。

今 θ^{-3} , Multiplicum 1 Basis γ (Riemann-Roch カ) $1, x, y$ トスレバ

$$u = a + bx + cy \quad a, b, c \text{ ハ } \neq 0 \text{ ナリ}$$

$$\therefore \left. \begin{aligned} u(p_1) = 0 &= a + bx(p_1) + cy(p_1) \\ u(p_2) = 0 &= a + bx(p_2) + cy(p_2) \\ u(p_3) = 0 &= a + bx(p_3) + cy(p_3) \end{aligned} \right\}$$

$$\therefore (8) \begin{vmatrix} 1 & x(p_1) & y(p_1) \\ 1 & x(p_2) & y(p_2) \\ 1 & x(p_3) & y(p_3) \end{vmatrix} = 0$$

$x(p_1) = x(w_1)$, $x(p_2) = x(w_2)$, $x(p_3) = x(-w_1 - w_2)$ 等

トシテ, x ト u , y ト u トノ間ノ代数的関係ヲ用ヒテ x, y ヲ (8)

カラ消去スレバ求ムル代数的加法公式ヲ得ル。 Q. E. D.

例. Weierstrass, f 函数。

Geschlecht 1, $K \neq \mathbb{C}$ 時 $K = \mathbb{C}(x, y)$, $y^2 = 4x^3 - g_2x - g_3$
 Weierstrass Normalform = カク. $\mathcal{O} = \mathcal{O}_{\infty}$ ト
 スレバ \mathcal{O}^{-3} , Multiplicum 1 代表 トシテ, 1, x , y カトレル.

ganz + Differential $du = \frac{dx}{y} = \frac{dx}{\sqrt{4x^3 - g_2x - g_3}}$.

$\therefore w = \int_{\infty}^P \frac{dx}{\sqrt{4x^3 - g_2x - g_3}}$ トスレバ $x(P) = \wp(w)$.

コレハ Weierstrass \wp 函数. $\therefore y = \wp'$ トレル.

故 = (8) カラ

$$\begin{vmatrix} 1 & \wp(w_1) & \wp'(w_1) \\ 1 & \wp(w_2) & \wp'(w_2) \\ 1 & \wp(w_3) & \wp'(w_3) \end{vmatrix} = 0, \quad w_1 + w_2 + w_3 = \text{週期}.$$

トナリ、ヨク知ラレタ 関係 トレル。