

46. 複素完閉  $\alpha$  Lie 群に就いて

名大 後藤守邦

最近の *Annals* で Bochner は群の上の *Analysis* の理論の中での定理を証明してみようである。

**定理** 複素パラメーターを有つ連結  $\alpha$  Lie 群が完閉ならば可換である。

実は別に何も使はなくても直ちに分る事に思はれるので以下其の証明を述べる。

**補題** 複素パラメーターを持つ、行列の連結  $\alpha$  Lie 群  $g$  が完閉ならば  $g =$  単位元のみ

証  $g \ni A$   $A$  から極限をとる操作をも許して生成される群  $\overline{\{A^n\}}$  は完閉可換群 依て 1次元の絶対値  $I$  の表現に完全に分解する。依て  $A$  は対角線に

$$e^{i\alpha}, e^{i\beta}, \dots, e^{i\gamma} \quad (\alpha, \beta, \dots, \gamma \text{ は実数})$$

が並ぶ行列に *equivalent* である。

$g$  の任意の元がさうだから  $g$  の *infinitesimal ring*  $d$  (=所謂  $\log g$ ) に属する行列  $L$  の固有値は凡て  $0$  又は純虚数で又  $L$  は対角線形の標準形を有つ。  $L$  と共に  $L^2$  が  $d$  に属するから かつる事は  $L=0$  以外あり得ない。

依て  $d=0$

以上

## 定理の証明

完閉連結複素 Lie 群  $G$  の内部自己同型対応の群を  $\Omega$  とする。  
 $\Omega$  は  $G$  の *infinitesimal ring* の上の一次変換の連結完閉群と考へられる。従つて  $\Omega$  は補題の假定を充す。  
依て  $\Omega =$  置位群。之は  $G$  が可換な事に他ならない。 以上。

1947. 5. 2.